

Facultad de Ciencias Grado en Física

GUÍA DOCENTE DE LA ASIGNATURA:

MM. MM. III: Cálculo Integral (2019 - 2020)

Última modificación: 28-04-2020 Aprobación: 22-07-2019 Página 1 de 9



1. Datos descriptivos de la asignatura

Asignatura: MM. MM. III: Cálculo Integral

- Centro: Facultad de Ciencias

- Lugar de impartición: Facultad de Ciencias

- Titulación: Grado en Física

- Plan de Estudios: 2009 (Publicado en 2009-11-25)

- Rama de conocimiento: Ciencias

- Itinerario / Intensificación:

- Departamento/s:

Análisis Matemático

- Área/s de conocimiento:

Análisis Matemático Matemática Aplicada

- Curso: 2

- Carácter: Obligatorio

- Duración: Primer cuatrimestre

- Créditos ECTS: 6,0

- Modalidad de impartición: Presencial

- Horario: Enlace al horario

- Dirección web de la asignatura: http://www.campusvirtual.ull.es

- Idioma: Castellano

2. Requisitos para cursar la asignatura

Los alumnos que no superen el 50% de los créditos del módulo de Formación Básica deberán matricularse, en el curso siguiente, de los créditos no superados y sólo podrán matricularse del número de créditos apropiado de este módulo hasta llegar al máximo de 60 créditos

Código: 279192103

3. Profesorado que imparte la asignatura

Profesor/a Coordinador/a: JOSE CLAUDIO SABINA DE LIS

- Grupo: **T**

General

- Nombre: **JOSE CLAUDIO**- Apellido: **SABINA DE LIS**

- Departamento: Análisis Matemático

- Área de conocimiento: Matemática Aplicada

Última modificación: **28-04-2020** Aprobación: **22-07-2019** Página 2 de 9



Contacto

- Teléfono 1: 922318208

- Teléfono 2:

Correo electrónico: josabina@ull.es
 Correo alternativo: josabina@gmail.com
 Web: https://josabina.webs.ull.es/

Tutorías primer cuatrimestre:

Desde	Hasta	Día	Hora inicial	Hora final	Localización	Despacho
Todo el cuatrimestre		Lunes	14:00	17:00	Edificio de Física y Matemáticas - AN.2B	112
Todo el cuatrimestre		Martes	14:00	17:00	Edificio de Física y Matemáticas - AN.2B	112

Observaciones: El lugar y horario de tutorías pueden sufrir modificaciones puntuales que serán debidamente comunicadas en tiempo y forma.

Tutorías segundo cuatrimestre:

Desde	Hasta	Día	Hora inicial	Hora final	Localización	Despacho
Todo el cuatrimestre		Lunes	14:00	17:00	Edificio de Física y Matemáticas - AN.2B	112
Todo el cuatrimestre		Martes	14:00	17:00	Edificio de Física y Matemáticas - AN.2B	112

Observaciones: El lugar y horario de tutorías pueden sufrir modificaciones puntuales que serán debidamente comunicadas en tiempo y forma.

Profesor/a: MANUEL ALEJANDRO SANABRIA GARCIA

- Grupo: PA, PE: G1, G2, G3 y G4

General

Nombre: MANUEL ALEJANDRO
 Apellido: SANABRIA GARCIA
 Departamento: Análisis Matemático

- Área de conocimiento: Análisis Matemático

Última modificación: 28-04-2020 Aprobación: 22-07-2019 Página 3 de 9



Contacto

- Teléfono 1: 922319907

- Teléfono 2:

- Correo electrónico: asgarcia@ull.es

- Correo alternativo:

- Web: http://www.campusvirtual.ull.es

Tutorías primer cuatrimestre:

Desde	Hasta	Día	Hora inicial	Hora final	Localización	Despacho	
Todo el cuatrimestre		Martes	13:00	15:00	Edificio Central - CE.1A	Dpto. Análisis Matemático, Despacho nº2	
Todo el cuatrimestre		Miércoles	13:00	15:00	Edificio Central - CE.1A	Dpto. Análisis Matemático, Despacho nº2	
Todo el cuatrimestre		Jueves	13:00	15:00	Edificio Central - CE.1A	Dpto. Análisis Matemático, Despacho nº2	

Observaciones: El lugar y horario de tutorías pueden sufrir modificaciones puntuales que serán debidamente comunicadas en tiempo y forma.

Tutorías segundo cuatrimestre:

Desde	Hasta	Día	Hora inicial	Hora final	Localización	Despacho
Todo el cuatrimestre		Martes	13:00	15:00	Edificio Central - CE.1A	Dpto. Análisis Matemático, Despacho nº2
Todo el cuatrimestre		Miércoles	13:00	15:00	Edificio Central - CE.1A	Dpto. Análisis Matemático, Despacho nº2
Todo el cuatrimestre		Jueves	13:00	15:00	Edificio Central - CE.1A	Dpto. Análisis Matemático, Despacho nº2

Observaciones: El lugar y horario de tutorías pueden sufrir modificaciones puntuales que serán debidamente comunicadas en tiempo y forma.

4. Contextualización de la asignatura en el plan de estudio

Bloque formativo al que pertenece la asignatura: **Métodos Matemáticos de la Física**

Perfil profesional:

Última modificación: 28-04-2020 Aprobación: 22-07-2019 Página 4 de 9



5. Competencias

Competencias Generales

- **CG2** Adquirir una sólida base teórica, matemática y numérica, que permita la aplicación de la Física a la solución de problemas complejos mediante modelos sencillos
- **CG4** Desarrollar la habilidad de identificar los elementos esenciales de un proceso o una situación compleja que le permita construir un modelo simplificado que describa, con la aproximación necesaria, el objeto de estudio y permita realizar predicciones sobre su evolución futura. Así mismo, debe ser capaz de comprobar la validez del modelo introduciendo las modificaciones necesarias cuando se observen discrepancias entre las predicciones y las observaciones y/o los resultados experimentales.
- **CG7** Ser capaz de participar en debates científicos y de comunicar tanto de forma oral como escrita a un público especializado o no cuestiones relacionadas con la Ciencia y la Física. También será capaz de utilizar en forma hablada y escrita otro idioma, relevante en la Física y la Ciencia en general, como es el inglés.
- **CG8** Poseer la base necesaria para emprender estudios posteriores con un alto grado de autonomía, tanto desde la formación científica, (realizando un master y/o doctorado), como desde la actividad profesional.

Competencias Básicas

- **CB2** Que los estudiantes sepan aplicar sus conocimientos a su trabajo o vocación de una forma profesional y posean las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de su área de estudio
- **CB3** Que los estudiantes tengan la capacidad de reunir e interpretar datos relevantes (normalmente dentro de su área de estudio) para emitir juicios que incluyan una reflexión sobre temas relevantes de índole social, científica o ética
- **CB4** Que los estudiantes puedan transmitir información, ideas, problemas y soluciones a un público tanto especializado como no especializado
- **CB5** Que los estudiantes hayan desarrollado aquellas habilidades de aprendizaje necesarias para emprender estudios posteriores con un alto grado de autonomía

Competencias Especificas

- **CE2** Conocer, comprender y dominar el uso de los métodos matemáticos y numéricos más comúnmente utilizados en Eísica
- CE11 Adquirir destreza en la modelización matemática de fenómenos físicos.
- CE20 Utilizar herramientas informáticas en el contexto de la matemática aplicada.
- CE21 Aprender a programar en un lenguaje relevante para el cálculo científico.
- CE22 Aprender a utilizar el ordenador como herramienta básica para el cálculo científico y la modelización numérica
- CE24 Afrontar problemas y generar nuevas ideas que puedan solucionarlos
- **CE26** Dominar la expresión oral y escrita en lengua española, y también en lengua inglesa, dirigida tanto a un público especializado como al público en general.
- CE28 Adquirir hábitos de comportamiento ético en laboratorios científicos y en aulas universitarias.
- CE29 Organizar y planificar el tiempo de estudio y trabajo, tanto individual como en grupo.
- CE30 Saber discutir conceptos, problemas y experimentos defendiendo con solidez y rigor científico sus argumentos.
- CE31 Saber escuchar y valorar los argumentos de otros compañeros.
- CE33 Ser capaz de identificar lo esencial de un proceso / situación y establecer un modelo de trabajo del mismo.

Última modificación: **28-04-2020** Aprobación: **22-07-2019** Página 5 de 9



6. Contenidos de la asignatura

Contenidos teóricos y prácticos de la asignatura

Profesores: José Claudio Sabina de Lis (Grupo de Teoría), Manuel Alejandro Sanabria García (Grupos de Prácticas) Temas:

- 1. La integral de Riemann. Propiedades. Teorema del cambio de variable.
- 2. Teoremas fundamentales del cálculo. La integral indefinida. Integrales dependientes de un parámetro: teorema de Leibnitz.
- 3. Métodos elementales de integración: substitución, integración por partes. Integrales trigonométricas, racionales e irracionales.
- 4. Aplicaciones geométricas de la integral: áreas, volúmenes, superficies de revolución y longitud de arco.
- 5. Integrales impropias. Convergencia. Funciones Eulerianas: propiedades.
- 6. La integral de Riemann múltiple. Integrales iteradas. Transformación de integrales por cambio de coordenadas. Aplicaciones geométricas. Centros de masa, momentos de inercia.
- 7. La integral de línea. Circulación de un campo a lo largo de una curva. Campos conservativos y su caracterización. Función de potencial. Teorema de Green.
- 8. La integral de superficie. Área de una superficie. Orientación. Flujo de un campo a través de una superficie. Divergencia de un campo. Teorema de Gauss. Teorema de Stokes. Vorticidad de un fluido.

Actividades a desarrollar en otro idioma

No se contemplan.

7. Metodología y volumen de trabajo del estudiante

Descripción

La materia se expone semanalmente en dos sesiones de perfil teórico, aunque claramente orientadas a las aplicaciones, y dos sesiones prácticas dedicadas principalmente a la resolución de ejercicios. El contenido teórico de los temas así como la relación de ejercicios y otras actividades a desarrollar por los alumnos, se facilita con antelación a través del aula virtual de la asignatura.

Se efectúa una valoración personal de los progresos del estudiante a través de tres exámenes de seguimiento que comprenden toda la materia expuesta. Si se considerase pertinente, éstos pudieran venir precedidos de sendos cuestionarios virtuales de carácter principalmente orientador.

La culminación del proceso es el examen final.

Actividades formativas en créditos ECTS, su metodología de enseñanza-aprendizaje y su relación con las competencias que debe adquirir el estudiante

Actividades formativas	Horas presenciales	Horas de trabajo autónomo	Total horas	Relación con competencias

Última modificación: **28-04-2020** Aprobación: **22-07-2019** Página 6 de 9



Clases teóricas	26,00	0,00	26,0	[CG2], [CG4], [CG8], [CB5], [CE2], [CE11]
Clases prácticas (aula / sala de demostraciones / prácticas laboratorio)	15,00	0,00	15,0	[CG2], [CG7], [CG8], [CB2], [CB3], [CE2], [CE28], [CE30], [CE31]
Realización de seminarios u otras actividades complementarias	15,00	0,00	15,0	[CG2], [CG7], [CG8], [CB2], [CB3], [CB4], [CB5], [CE2], [CE28], [CE30], [CE31]
Realización de exámenes	4,00	0,00	4,0	[CG2], [CG4], [CG8], [CE2], [CE24], [CE26], [CE29], [CE33]
Estudio y trabajo autónomo en todas las actividades	0,00	90,00	90,0	[CG2], [CG8], [CE20], [CE21], [CE22], [CE29]
Total horas	60,00	90,00	150,00	
		Total ECTS	6,00	

8. Bibliografía / Recursos

Bibliografía Básica

- 1. J. E. Marsden, A. Tromba, "Cálculo Vectorial". Addison Wesley, Madrid, 1991.
- 2. J. C. Sabina de Lis, "Cálculo integral para funciones de una y varias variables". 2017. Disponible en https://josabina.webs.ull.es/ (y en el aula virtual de la asignatura).

Bibliografía Complementaria

- 1. P. Puig Adam, "Curso teórico práctico de cálculo integral: aplicado a la física y técnica". Madrid, 1965.
- 2. R. Larson, B. H. Edwards, "Cálculo". McGraw-Hill, Madrid, 2006.

Otros Recursos

9. Sistema de evaluación y calificación

Descripción

Última modificación: 28-04-2020 Aprobación: 22-07-2019 Página 7 de 9



La evaluación se llevará a cabo añadiendo a la calificación z(0:10) del examen final, una ponderación c(0:10) de las actividades realizadas a lo largo del curso (evaluación continua). La calificación de la asignatura responderá a la fórmula p = 0.4 c + z (10-0.4 c)/10, siempre que la calificación c(0:10) sea mayor o igual que 5 y que la calificación z(0:10) del examen final sea mayor o igual que 10/3. En otro caso, la nota final será la del examen final: p=z.

La nota c(0:10) de las actividades de la evaluación continua consistirá en la media aritmética de las calificaciones s_1(0:10), s_2(0:10) y s_3(0:10) de los exámenes de seguimiento señalados en el cronograma del curso. Estos seguimientos podrían venir precedidos de sendos "cuestionarios virtuales" que orientarán sobre los ejercicios y preguntas fundamentales de la materia

Para aquellos alumnos que opten por la evaluación única, ésta consistirá en la calificación z(0:10) del examen final.

Estrategia Evaluativa

Tipo de prueba	Competencias Criterios		Ponderación
Pruebas objetivas	[CG2], [CG4], [CG8], [CB2], [CB5]	Examen final de la asignatura en las convocatorias oficiales.	80,00 %
Pruebas de desarrollo	[CG2], [CG8], [CB5], [CE2]	Tres exámenes de seguimiento de una hora repartidos proporcionadamente en el calendario de la asignatura y coordinados con los de las otras materias del curso.	15,00 %
Trabajos y proyectos	[CG2], [CG8], [CB5], [CE2], [CE11]	Si se estimase oportuno podría proponerse la cumplimentación de cuestionarios virtuales.	5,00 %

10. Resultados de Aprendizaje

El alumno ha adquirido una formación básica en cálculo integral para funciones de una y varias variables. Conoce que la noción de integral es clave para introducir las magnitudes extensivas, especialmente en mecánica de medios continuos. Entiende la importancia de la integral para formular las ecuaciones de la física matemática. Sabe proponer modelos matemáticos sencillos y es capaz de codificar información científica en el lenguaje del cálculo integral. Es consciente de la universalidad de la herramienta en otros campos del conocimiento. Ha adquirido el hábito de trabajar en grupo, así como exponer y debatir ideas matemáticas sencillas en la materia. Desde un punto de vista técnico, conoce la relevancia de introducir en la física algunas funciones especiales como las funciones Eulerianas. Sabe calcular volúmenes, superficies y longitudes empleando el cálculo integral así como otras magnitudes de perfil físico como la circulación y el flujo de un campo vectorial.

11. Cronograma / calendario de la asignatura

Descripción

La distribución de los temas por semana es orientativo, puede sufrir cambios según las necesidades de organización docente.

Última modificación: **28-04-2020** Aprobación: **22-07-2019** Página 8 de 9



		Primer cuatrimestre			
Semana	Temas	Actividades de enseñanza aprendizaje	Horas de trabajo presencial	Horas de trabajo autónomo	Total
Semana 1:	1	2 teóricas, 2 prácticas.	4.00	5.00	9.00
Semana 2:	1-2	2 teóricas, 2 prácticas.	4.00	4.00	8.00
Semana 3:	2	2 teóricas, 2 prácticas.	4.00	4.00	8.00
Semana 4:	2-3	2 teóricas, 2 prácticas.	4.00	5.00	9.00
Semana 5:	3	2 teóricas, 2 prácticas. Primer examen de seguimiento.	4.00	5.00	9.00
Semana 6:	3-4	2 teóricas, 2 prácticas.	4.00	4.00	8.00
Semana 7:	4-5	2 teóricas, 2 prácticas.	4.00	4.00	8.00
Semana 8:	5	2 teórica, 2 prácticas.	4.00	4.00	8.00
Semana 9:	6	2 teóricas, 2 prácticas.	4.00	5.00	9.00
Semana 10:	6	2 teóricas, 2 prácticas. Segundo examen de seguimiento.	4.00	5.00	9.00
Semana 11:	6-7	2 teóricas, 2 prácticas.	4.00	4.00	8.00
Semana 12:	7	2 teóricas, 2 prácticas.	4.00	4.00	8.00
Semana 13:	7-8	2 teóricas, 2 prácticas.	4.00	5.00	9.00
Semana 14:	8	2 teóricas, 2 prácticas. Tercer examen de seguimiento.	4.00	5.00	9.00
Semana 15:		Trabajo autónomo del estudiante para la preparación de los exámenes finales.	0.00	5.00	5.00
Semana 16 a 18:	Examen final		4.00	22.00	26.00
		Total	60.00	90.00	150.0

Última modificación: **28-04-2020** Aprobación: **22-07-2019** Página 9 de 9