

Facultad de Ciencias Graduado/a en Matemáticas

GUÍA DOCENTE DE LA ASIGNATURA (ESCENARIO 0):

Métodos Numéricos en Ecuaciones en Derivadas Parciales (2021 - 2022)

Última modificación: **22-06-2021** Aprobación: **08-07-2021** Página 1 de 9



1. Datos descriptivos de la asignatura

Asignatura: Métodos Numéricos en Ecuaciones en Derivadas Parciales

Código: 549580911

- Centro: Facultad de Ciencias

- Lugar de impartición: Facultad de Ciencias
- Titulación: Graduado/a en Matemáticas

- Plan de Estudios: 2018 (Publicado en 2019-11-27)

- Rama de conocimiento: Ciencias

- Itinerario / Intensificación:

- Departamento/s:

Análisis Matemático

- Área/s de conocimiento:

Análisis Matemático Matemática Aplicada

- Curso: 4

- Carácter: Optativa

- Duración: Segundo cuatrimestre

- Créditos ECTS: 6,0

- Modalidad de impartición: Presencial

- Horario: Enlace al horario

- Dirección web de la asignatura: http://www.campusvirtual.ull.es

- Idioma: Español/Inglés (75%/25%)

2. Requisitos para cursar la asignatura

3. Profesorado que imparte la asignatura

Profesor/a Coordinador/a: SEVERIANO GONZALEZ PINTO

- Grupo: 1, PA, PE

General

Nombre: SEVERIANOApellido: GONZALEZ PINTO

- Apellido. GONZALEZ I INTO

- Departamento: Análisis Matemático

- Área de conocimiento: Matemática Aplicada

Contacto

- Teléfono 1: 922318201

- Teléfono 2:

- Correo electrónico: spinto@ull.es

- Correo alternativo:

- Web: http://www.campusvirtual.ull.es

Última modificación: **22-06-2021** Aprobación: **08-07-2021** Página 2 de 9



Desde	Hasta	Día	Hora inicial	Hora final	Localización	Despacho
Todo el cuatrimestre		Martes	10:00	11:00	Edificio de Física y Matemáticas - AN.2B	105
Todo el cuatrimestre		Martes	11:30	13:30	Edificio de Física y Matemáticas - AN.2B	105
Todo el cuatrimestre		Jueves	10:00	11:00	Edificio de Física y Matemáticas - AN.2B	105
Todo el cuatrimestre		Jueves	11:30	13:30	Edificio de Física y Matemáticas - AN.2B	105
Observaciones	:					
Tutorías segui	ndo cuatrimes	re:				
Desde	Hasta	Día	Hora inicial	Hora final	Localización	Despacho
Todo el cuatrimestre		Lunes	17:30	19:30	Edificio de Física y Matemáticas - AN.2B	105
Todo el cuatrimestre		Martes	09:30	11:30	Edificio de Física y Matemáticas - AN.2B	105
Todo el cuatrimestre		Jueves	09:30	11:30	Edificio de Física y Matemáticas - AN.2B	105

Observaciones: Las tutorías de los Lunes serán online principalmente. Sería conveniente enviar un email con antelación solicitando la tutoría para evitar posibles colas.

4. Contextualización de la asignatura en el plan de estudio

Bloque formativo al que pertenece la asignatura: **Ecuaciones Diferenciales y Métodos Numéricos** Perfil profesional: **Graduado/a en Matemáticas**

Última modificación: **22-06-2021** Aprobación: **08-07-2021** Página 3 de 9



5. Competencias

Generales

- **CG3** Desarrollar las capacidades analíticas y de abstracción, la intuición y el pensamiento lógico y riguroso a través del estudio de la Matemática.
- **CG5** Preparar para posteriores estudios especializados, tanto en una disciplina matemática como en cualquiera de las ciencias que requieran buenos fundamentos matemáticos.

Básicas

- **CB2** Que los estudiantes sepan aplicar sus conocimientos a su trabajo o vocación de una forma profesional y posean las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de su área de estudio.
- **CB3** Que los estudiantes tengan la capacidad de reunir e interpretar datos relevantes (normalmente dentro de su área de estudio) para emitir juicios que incluyan una reflexión sobre temas relevantes de índole social, científica o ética.
- **CB4** Que los estudiantes puedan transmitir información, ideas, problemas y soluciones a un público tanto especializado como no especializado.
- **CB5** Que los estudiantes hayan desarrollado aquellas habilidades de aprendizaje necesarias para emprender estudios posteriores con un alto grado de autonomía.

Específicas

- **CE1** Comprender y utilizar el lenguaje matemático. Adquirir la capacidad para enunciar proposiciones en distintos campos de la Matemática, para construir demostraciones y para transmitir los conocimientos matemáticos adquiridos.
- **CE3** Asimilar la definición de un nuevo objeto matemático, en términos de otros ya conocidos, y ser capaz de utilizar este objeto en diferentes contextos.
- **CE4** Saber abstraer las propiedades estructurales (de objetos matemáticos, de la realidad observada, y de otros ámbitos) distinguiéndolas de aquellas puramente ocasionales y poder comprobarlas con demostraciones o refutarlas con contraejemplos, así como identificar errores en razonamientos incorrectos.
- CE5 Aprender de manera autónoma nuevos conocimientos y técnicas de las Matemáticas.
- **CE6** Proponer, analizar, validar e interpretar modelos de situaciones reales sencillas, utilizando las herramientas matemáticas más adecuadas a los fines que se persigan.
- **CE7** Resolver problemas de Matemáticas, mediante habilidades de cálculo básico y otros, planificando su resolución en función de las herramientas de que se disponga y de las restricciones de tiempo y recursos.
- **CE8** Utilizar aplicaciones informáticas de análisis estadístico, cálculo numérico y simbólico, visualización gráfica, optimización u otras para experimentar en Matemáticas y resolver problemas.
- **CE9** Desarrollar programas que resuelvan problemas matemáticos utilizando para cada caso el entorno computacional adecuado.

6. Contenidos de la asignatura

Contenidos teóricos y prácticos de la asignatura

Última modificación: **22-06-2021** Aprobación: **08-07-2021** Página 4 de 9



- 1. Metodos en diferencias para ecuaciones diferenciales ordinarias con problemas de valores frontera.

- Tema 1.1. Metodos usuales basados en diferencias centrales. Principios del Maximo.
- Tema 1.2. Consistencia y Convergencia de metodos basados en diferencias finitas.
- Tema 1.3. Metodos de tiro para Problemas de Valores Frontera en EDOs.

- 2. Metodos en diferencias para ecuaciones en derivadas parciales.

- Tema 2.1: Metodos en Diferencias Finitas para la Ecuación de Poisson en 2D (Modelo Eliptico). Operadores en Diferencias: Formula de 5 y 9 puntos. Analisis de Consistencia, Estabilidad, Convergencia.
- Tema 2.2: Metodos en Diferencias para ecuaciones de Parabolicas (Ecuacion del Calor). Metodos de dos niveles: Metodos Explicitos. Metodos Implicitos (Cranck-Nicholson). Metodo de Lineas. Consistencia, Estabilidad y Convergencia. Analisis de estabilidad de tipo von Neumann. Tecnicas Matriciales. Teorema de Lax.
- Tema 2.3: Metodos en Diferencias para para problemas hiperbolicos: La ecuacion de Adveccion. Curvas caracteristicas. La ecuacion de Ondas. Soluciones Analiticas al problemas de Cauchy y para Problemas con condiciones de contorno. Metodos en Diferencias Finitas. Metodos Clasicos. Dominio de Dependencia, Estabilidad y Numero de Courant. Convergencia y ordenes de convergencia para discretizaciones.

- 3. Metodos de tipo Galerkin

- Tema 3.1: Preliminares de Analisis Funcional. Espacios de Hilbert. El espacio L^2(D). Lema de Lax-Milgram. Espacios de Sobolev
- Tema 3.2: Metodos variacionales de tipo Galerkin para problemas de Valores Frontera en dos puntos en EDOs. Analisis de Convergencia para el caso de funciones spline lineales. Estimaciones del error de a priori y a posteriori.

Actividades a desarrollar en otro idioma

Parte de la coleccion de ejercicios se formulara en Inglés.

La mayor parte de la Bibliografia de estudio esta en Inglés.

Algunas clases practicas se desarrollarán en Inglés.

7. Metodología y volumen de trabajo del estudiante

Descripción

- Leccion magistral/metodo expositivo (presentacion o explicacion por parte del profesor), con planteamiento de cuestiones y motivacio∎n adecuada durante el desarrollo de las mismas.
- Clases de problemas y cuestiones teo ∎ricas, supervisadas por el profesor, con participacio ■n activa del alumnado.
- Clases de Pra**\bigcit**cticas de computacio**\bigcit**n para resolver problemas especi**\bigcit**ficos de EDPs donde se desarrollan los algoritmos en programas de Matlab (Octave)
- Trabajo individual y/o grupal (trabajo por parte del alumnado de forma auto∎noma).
- Evaluacion: pruebas escritas con aspectos teo∎ricos, ejercicios de aplicacio∎n y ana∎lisis. Pra∎cticas de ordenador de los me∎todos nume∎ricos usados.
- La bibliografi∎a principal de la asignatura se encuentra en Ingle∎s, lo que supondra∎ un buen adiestramiento del alumno para habituarse al Ingle∎s cienti∎fico Matema∎tico.
- Aproximadamente una quinta parte de los ejercicios, pra∎cticas y cuestiones teo∎ricas se proponen en Ingle∎s. El alumnado

debe contestar en Ingle \blacksquare s a las actividades que se propongan en esa lengua.

Última modificación: **22-06-2021** Aprobación: **08-07-2021** Página 5 de 9



Actividades formativas en créditos ECTS, su metodología de enseñanza-aprendizaje y su relación con las competencias que debe adquirir el estudiante

Actividades formativas	Horas presenciales	Horas de trabajo autónomo	Total horas	Relación con competencias
Clases teóricas	30,00	0,00	30,0	[CE4], [CE3], [CE1], [CB5], [CB4], [CB3], [CB2], [CG5], [CG3]
Clases prácticas (aula / sala de demostraciones / prácticas laboratorio)	27,00	0,00	27,0	[CE5], [CE4], [CE3], [CE1], [CB5], [CB4], [CB3], [CB2], [CG5], [CG3]
Estudio/preparación de clases teóricas	0,00	34,00	34,0	[CE5], [CE4], [CE3], [CE1], [CB5], [CB4], [CB3], [CB2], [CG5], [CG3]
Estudio/preparación de clases prácticas	0,00	33,50	33,5	[CE9], [CE8], [CE7], [CE6], [CE5], [CE4], [CE1], [CB5], [CB4], [CB3], [CB2], [CG5], [CG3]
Preparación de exámenes	0,00	22,50	22,5	[CE9], [CE8], [CE7], [CE6], [CE5], [CE4], [CE3], [CE1], [CB5], [CB4], [CB3], [CB2], [CG5], [CG3]
Realización de exámenes	3,00	0,00	3,0	[CE9], [CE8], [CE7], [CE6], [CE4], [CE3], [CE1]
Total horas	60,00	90,00	150,00	
		Total ECTS	6,00	

8. Bibliografía / Recursos

Bibliografía Básica

S. Larsson, V. Thomee, "Partial differential equations with numerical methods", Springer, 2009.

A. Iserles, "A first course in the numerical analysis of differential equations", Cambridge University Press, 2009.

Bibliografía Complementaria

Última modificación: **22-06-2021** Aprobación: **08-07-2021** Página 6 de 9



E. Isaacson and H.B. Keller, "Analysis of numerical methods", John Wiley, 1966.

H.P. Langtangen and S. Linge, "Finite Difference Computing with PDEs, a modern software approach", Springer 2017.

W. Hundsdorfer and J.G. Verwer, "Numerical solution of time-dependent Advection Diffusion Reaction PDEs", Springer 2003.

Otros Recursos

Apuntes y Colecciones de ejercicios subidos al campus virtual de la asignatura

Introduccion al Matlab ver: http://pcmap.unizar.es/~pilar/matlab.pdf

Enlaces a pa

ginas web interesantes para el desarrollo y complemento de los contenidos de la asignatura.

9. Sistema de evaluación y calificación

Descripción

EVALUACION CONTINUA

- Pruebas de respuesta larga, de desarrollo (este tipo de pruebas aparecera∎n en los examenes finales y las tareas asignadas a lo largo del curso). Se ponderaran con un 40%.
- Pruebas de respuesta corta (se realizaran en los seguimientos a lo largo del curso. Habra■ 2 o 3 seguimientos, cada uno al finalizar cada bloque tematico). Se ponderara■ con un 25%.
- Se realizara

 n Trabajos/proyectos e informes/memorias de practicas a lo largo del curso y tendra

 n una ponderacion del
 30% (incluyen entregas de colecciones de problemas, de cuestiones e informes de practicas).
- El 5% restante corresponde a la asistencia y buena actitud en clase.

Para acceder a la evaluacion continua se requiere asistencia al 80% de las clases al menos.

- La evaluacio n del Ingle s dentro de la Evaluacio n Continua se hara a trave s de las cuestiones, tareas y preguntas (parte de las pruebas de Seguimiento). Se enunciara n actividades en esta lengua aproximadamente en un 20% del total de la materia. Se exigira respuesta en Ingle s a las cuestiones que se formulen en Ingle s.

EVALUACION NO CONTINUA

Examenes de convocatoria que constara

n de:

Pruebas de respuesta larga, de desarrollo (puede incluir la programacio∎n de algun algoritmo de computacion). Esto se ponderara con un 80% de la nota

Pruebas de respuesta corta (se ponderara

■ con un 20% de la nota).

La evaluacio n del Ingle s en los exammenes de convocatoria, se hara nediante el enunciado de alguna pregunta o cuestio n en Ingle s (aproximadamente el 20% de la asignatura). Se exigira respuesta en Ingle s a las cuestiones que se formulen en Ingle s.

Estrategia Evaluativa

Tipo de prueba	Competencias	Criterios	Ponderación
	_		

Última modificación: **22-06-2021** Aprobación: **08-07-2021** Página 7 de 9



Pruebas de respuesta corta	[CE9], [CE8], [CE7], [CE6], [CE5], [CE4], [CE3], [CE1], [CB5], [CB4], [CB3], [CB2], [CG5], [CG3]	Las resupuestas deben ser precisas, correctas y justificadas.	25,00 %
Pruebas de desarrollo	[CE9], [CE7], [CE6], [CE4], [CE3], [CE1], [CB5], [CB4], [CB3], [CB2], [CG5], [CG3]	Los desarrollos deben ser en esencia correctos y bien argumentados.	40,00 %
Trabajos y proyectos	[CE7], [CE6], [CE5], [CE4], [CE3], [CE1] Los trabajos deben atenerse a las cuestiones demandadas y deben ser correctos y bien justificados		15,00 %
Informes memorias de prácticas	[CE9], [CE8]	Los informes deben atenerse a las cuestiones demandadas y deben ser correctos y bien justificados	
Escalas de actitudes	[CE9], [CE8], [CE7], [CE6], [CE4]	Es convenientes tener una participación activa en clase, realizando algún ejercicio o contestando a cuestiones formuladas por el profesor	5,00 %

10. Resultados de Aprendizaje

- Analizar las propiedades de estabilidad, convergencia y robustez de los metodos numericos para problemas de valores frontera en ecuaciones diferenciales ordinarias y para los tres tipos importantes de ecuaciones en derivadas parciales de segundo orden, asi**=** como su idoneidad para un problema concreto.
- Programar en un ordenador los metodos numericos, evaluar los resultados obtenidos y extraer conclusiones.
- Progresar en el manejo del Ingle■s Matema■tico.

11. Cronograma / calendario de la asignatura

Descripción

La asignatura se desarrolla en 15 semanas con cuatro horas de clase por semana. Estas 60 horas se han de distribuir de la siguiente forma:

- -30 horas de teoria.
- -15 horas de practicas de aula.
- -12 horas de practicas especificas entre las que se incluyen de 6 a 8 horas de practicas en el aula de informatica.
- -3 horas de pruebas y examenes.

La distribucion de los temas y de las actividades de enseñanza aprendizaje por semana es orientativa, pues puede sufrir cambios por necesidades de la organizacion docente.

Última modificación: **22-06-2021** Aprobación: **08-07-2021** Página 8 de 9



		Segundo cuatrimestre			
Semana Temas		Actividades de enseñanza aprendizaje	Horas de trabajo presencial	Horas de trabajo autónomo	Total
Semana 1:	1	Clases teóricas y prácticas	óricas y prácticas 6.00 4.00		10.00
Semana 2:	1	Clases teóricas y prácticas	6.00	6.00	12.00
Semana 3:	1	Clases teóricas y prácticas	4.00	6.00	10.00
Semana 4:	1	Clases teóricas y prácticas y Seguimiento 1	2.00	8.00	10.00
Semana 5: 2		Clases teóricas y prácticas	4.00	6.00	10.00
Semana 6:	2	Clases teóricas y prácticas	3.00	6.00	9.00
Semana 7: 2 Semana 8: 2 Semana 9: 2 Semana 10: 2 Semana 11: 2 Semana 12: 3 Semana 13: 3		Clases teóricas y prácticas	4.00	6.00	10.00
		Clases teóricas y prácticas	4.00	6.00	10.00
		Clases teóricas y prácticas y Seguimiento 2	4.00	8.00	12.00
		Clases teóricas y prácticas	4.00	4.00	8.00
		Clases teóricas y prácticas	4.00	4.00	8.00
		Clases teóricas y prácticas	4.00	5.00	9.00
		Clases teóricas y prácticas	4.00	6.00	10.00
Semana 14:	3	Clases teóricas y prácticas y Seguimiento 3	4.00	6.00	10.00
Semana 15:			0.00	6.00	6.00
Semana 16 a 18:	3	Examenes Finales	3.00	3.00	6.00
		Total	60.00	90.00	150.0

Última modificación: **22-06-2021** Aprobación: **08-07-2021** Página 9 de 9